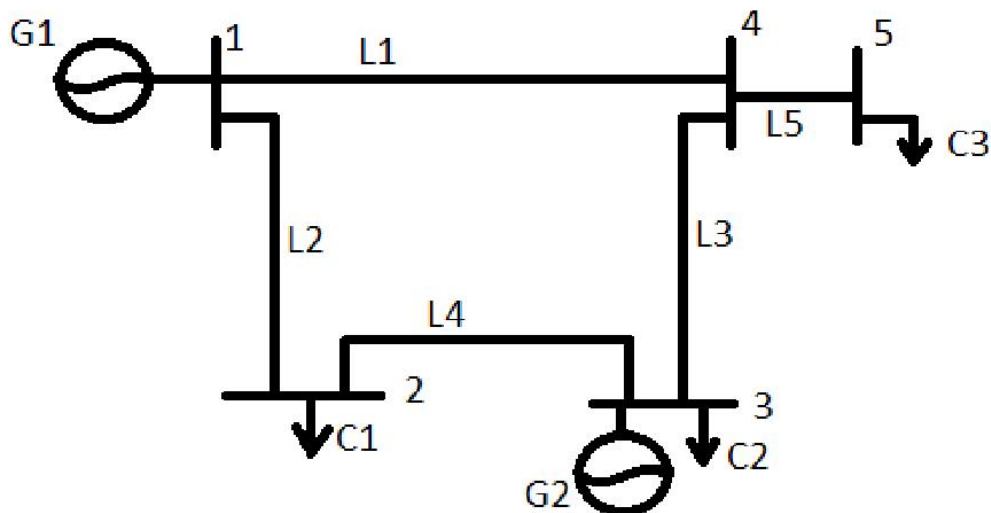


Preparaduría 7

Sistema a 60Hz:



**Datos del sistema:**

Generadores:

$$G_1 \rightarrow e(t) = 20\sqrt{2} \text{ Kv} \cdot \cos(2 \cdot \omega \cdot t + 0.0873)$$

$$Lg_1 = 424.4032 \mu H$$

$$G_2 \rightarrow e(t) = 19.6\sqrt{2} \text{ Kv} \cdot \cos(2 \cdot \omega \cdot t)$$

$$Lg_2 = 1.021 \text{ mH}$$

Líneas:

Para:  $L_1 = L_2 = L_3 = L_4$  8Km de largo

$$r_A = 13 \text{ m}\Omega / \text{Km}$$

$$l_A = 660 \mu H / \text{Km}$$

Para:  $L_5$  20Km de largo

$$r_A = 30 \text{ m}\Omega / \text{Km}$$

$$l_A = 530 \mu H / \text{Km}$$

Cargas:

$$Z_{C1} = 32 - j 15 \Omega$$

$$Z_{C2} = 72 + j 34.8712 \Omega$$

$$Z_{C3} = 24 + j 11.6237 \Omega$$

**Preguntas:**

- Indique la tensión nominal del sistema.
- Halle las tensiones nodales del sistema.
- Potencia instantánea consumida por la carga 1.
- Potencia aparente entregada por los generadores.
- Potencia activa de la barra 1 a la barra 2.
- Si el sistema opera en esta condición, ¿Cuánta energía consumiría la carga 3 en 2h?

**Solución:**

La tensión nominal del sistema, es la del generador principal del sistema, como no se dice explícitamente se tomo la que tiene angulo 0 es decir 19.6Kv.

Lo primero para resolver el sistema se pasan los datos al dominio fasorial:

Generadores:

$$\begin{aligned} \overline{E}_1 &= 20 \text{ Kv} \angle 0.0873 = 20 \text{ Kv} \angle 5.0019^\circ \\ \dot{Z}_{g_1} &= j 377 \cdot 424.4032 \times 10^{-6} = j 0.1600 \\ \overline{E}_2 &= 19.6 \text{ Kv} \angle 0 = 20 \text{ Kv} \angle 0^\circ \\ \dot{Z}_{g_2} &= j 377 \cdot 1.021 \times 10^{-3} = j 0.3849 \end{aligned}$$

Lineas:

$$\begin{aligned} \dot{Z}_{L_1} = \dot{Z}_{L_2} = \dot{Z}_{L_3} = \dot{Z}_{L_4} = \dot{Z}_{L_A} &= (13 \times 10^{-3} + j 377 \cdot 660 \times 10^{-6}) \cdot 8 = 0.104 + j 1.9906 \\ \dot{Z}_{L_5} = \dot{Z}_{L_B} &= (30 \times 10^{-3} + j 377 \cdot 530 \times 10^{-6}) \cdot 20 = 0.6 + j 3.9962 \end{aligned}$$

Cargas:

Ya estan como impedancia.

Ahora se procede a calcular la matriz de admitancias nodales  $[Y_{bus}]$  en mho por inspeccion:

$$\begin{bmatrix} \frac{1}{\dot{Z}_{g_1}} + \frac{1}{\dot{Z}_{L_1}} + \frac{1}{\dot{Z}_{L_2}} & \frac{-1}{\dot{Z}_{L_2}} & 0 & \frac{-1}{\dot{Z}_{L_1}} & 0 \\ \frac{-1}{\dot{Z}_{L_2}} & \frac{1}{\dot{Z}_{L_2}} + \frac{1}{\dot{Z}_{C_1}} + \frac{1}{\dot{Z}_{L_4}} & \frac{-1}{\dot{Z}_{L_4}} & 0 & 0 \\ 0 & \frac{-1}{\dot{Z}_{L_4}} & \frac{1}{\dot{Z}_{L_4}} + \frac{1}{\dot{Z}_{g_2}} + \frac{1}{\dot{Z}_{C_2}} + \frac{1}{\dot{Z}_{L_3}} & \frac{-1}{\dot{Z}_{L_3}} & 0 \\ \frac{-1}{\dot{Z}_{L_1}} & 0 & \frac{-1}{\dot{Z}_{L_3}} & \frac{1}{\dot{Z}_{L_1}} + \frac{1}{\dot{Z}_{L_3}} + \frac{1}{\dot{Z}_{L_5}} & \frac{-1}{\dot{Z}_{L_5}} \\ 0 & 0 & 0 & \frac{-1}{\dot{Z}_{L_5}} & \frac{1}{\dot{Z}_{L_5}} + \frac{1}{\dot{Z}_{C_3}} \end{bmatrix}$$

*Nota: es suficiente reportar la mitad, pero por el programa que uso me es mas comodo rellenarla completa.*

Evaluada da:

$$\begin{bmatrix} 0.0524 - j 7.2520 & -0.0262 + j 0.5010 & 0 & -0.0262 + j 0.5010 & 0 \\ -0.0262 + j 0.5010 & 0.07797 - j 0.9900 & -0.0262 + j 0.5010 & 0 & 0 \\ 0 & -0.02618 + j 0.5010 & 0.0636 - j 3.6054 & -0.0262 + j 0.5010 & 0 \\ -0.0262 + j 0.5010 & 0 & -0.0262 + j 0.5010 & 0.0891 - j 1.2467 & -0.0367 + j 0.2447 \\ 0 & 0 & 0 & -0.0367 + j 0.2447 & 0.0705 - j 0.2611 \end{bmatrix}$$

Ahora el vector de corrientes inyectadas:

$$[I] = \begin{bmatrix} \overline{E}_1 / \dot{Z}_{g_1} \\ 0 \\ \overline{E}_2 / \dot{Z}_{g_2} \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 125 \text{ kA} \angle -84.9981^\circ \\ 0 \\ 50.9201 \text{ kA} \angle -90^\circ \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

Luego haciendo  $[\bar{V}] = [Z_{bus}] \cdot [\bar{I}]$  con  $[Z_{bus}] = [Y_{bus}]^{-1}$  se tiene que las tensiones nodales del sistema son:

$$[\bar{V}] = \begin{bmatrix} 19.9559 \angle 4.4090^\circ \\ 19.9606 \angle 0.7220^\circ \\ 19.5840 \angle 0.0186^\circ \\ 19.3644 \angle 0.6687^\circ \\ 17.7207 \angle -5.9032^\circ \end{bmatrix} kV$$

Lo siguiente a buscar es la potencia instantánea en la carga 1. Para hacer esto primero buscare la potencia compleja de dicha carga.

$$\dot{S}_{C_1} = \bar{V}_2 \cdot \text{conj}(\bar{I}_{C_1}) = V_2^2 / \text{conj}(Z_{C_1}) = 11.2736 MVA \angle 25.1148^\circ = 10.2078 MW + j 4.8749 MVAR$$

Luego:

$$P_{C_1}(t) = VI (\cos(\psi_V - \psi_I) + \cos(2 \cdot \omega \cdot t + \psi_V + \psi_I)) = \text{real}(\dot{S}_{C_1}) + S_{C_1} \cdot \cos(2 \cdot \omega \cdot t + \psi_V + \psi_I)$$

Además:  $P_{C_1}(t) = VI (\cos(\psi_V - \psi_I) + \cos(2 \cdot \omega \cdot t + \psi_V + \psi_I)) = \text{real}(\dot{S}_{C_1}) + S_{C_1} \cdot \cos(2 \cdot \omega \cdot t + \psi_V + \psi_I)$

$$P_{C_1}(t) = VI (\cos(\psi_V - \psi_I) + \cos(2 \cdot \omega \cdot t + \psi_V + \psi_I)) = \text{real}(\dot{S}_{C_1}) + S_{C_1} \cdot \cos(2 \cdot \omega \cdot t + \psi_V + \psi_I)$$

Potencia entregada por los generadores, como es la entregada y no la generada, se toma como la que sale de la barra, que sería lo mismo que la generada menos la que consume su impedancia interna  $Z_g$ .

Generador 1:

$$\dot{S}_{g_1} = \bar{V}_1 \cdot \text{conj} \left( \frac{\bar{E}_1 - \bar{V}_1}{Z_{g_1}} \right) = 25.8130 MW + j 5.3613 MVAR$$

Generador 2:

$$\dot{S}_{g_2} = \bar{V}_3 \cdot \text{conj} \left( \frac{\bar{E}_2 - \bar{V}_3}{Z_{g_2}} \right) = -323.9330 kW + j 814.8172 MVAR$$

Como se puede ver el generador 2 realmente era un motor y no un generador.

Potencia activa de barra 1 a barra 2:

$$\dot{S}_{1 \rightarrow 2} = \bar{V}_1 \cdot \text{conj} \left( \frac{\bar{V}_1 - \bar{V}_2}{Z_{L_2}} \right) = 12.8526 MW - j 303.7391 kVAR$$

$$P_{1 \rightarrow 2} = 12.8526 MW$$

Va en el sentido que se asumió, en caso de que diera negativo significaría que la potencia va en sentido contrario.

Energía que consume la carga 3 en 2 horas.

$$\dot{S}_{C_3} = V_5^2 / \text{conj}(Z_{C_3}) = 10.5984 MW + j 5.1330 MVAR$$

$$\text{Energía} = \Delta t \cdot P = 21.1967 MW$$